



التمرين الأول : (3 ن)

التمرين الثاني : (3 ن)

1 حل في مجموعة الأعداد العقدية \mathbb{C} المعادلة : $z^2 - 8z + 25 = 0$ ن 1,00

نعتبر في المستوى العقدي المنسوب إلى معلم متواحد منمنظم (O, \vec{u}, \vec{v}) النقط A و B و C التي ن 1,00

اللها على التوالي a و b و c بحيث : $a = 4 + 3i$ و $b = 4 - 3i$ و $c = 10 + 3i$ ن 1,00

2 بين أن لحق النقطة D صورة النقطة A بالإزاحة T ذات المتجهة \overrightarrow{BC} هو ن 0,75

2 تحقق من أن : $\frac{b-a}{d-a} = \frac{-1}{2}(1+i)$ ن 0,50

2 استنتج أن : $(\overrightarrow{AD}; \overrightarrow{AB}) \equiv \frac{5\pi}{4} [2\pi]$ ن 0,75

التمرين الثالث : (3ن)

$$\begin{cases} u_{n+1} = \frac{1}{5}u_n + \frac{4}{5} & ; (\forall n \in \mathbb{N}) \\ u_0 = 2 \end{cases}$$

نعتبر المتالية العددية $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ المعرفة بما يلي :

$$(\forall n \in \mathbb{N}) ; u_{n+1} - 1 = \frac{1}{5}(u_n - 1) \quad \text{تحقق من أن: } \boxed{} \boxed{1} \boxed{} \boxed{} \boxed{} \boxed{0,50}$$

بين أن $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ متتالية تناقصية ثم استنتج أنها متقاربة . ن 0,50

لتكن $(v_n)_{n \in \mathbb{N}}$ المتتالية العددية بحيث : $v_n = u_n - 1$; ن 0,75

بين أن $(v_n)_{n \in \mathbb{N}}$ متتالية هندسية ثم أكتب v_n بدلالة n . ن 0,75

$$\lim_{n \rightarrow \infty} u_n = 1$$

ب 2

ب 3

أ 3

ب 3

التمرين الرابع : (3 ن)

يحتوي كيس على سبع بيدقات : ثلاثة بيدقات سوداء و أربع بيدقات بيضاء و بيدقتين خضراء .
(لا يمكن التمييز بينها باللمس) . نسحب عشوائيا و في آن واحد ثلاثة بيدقات من هذا الكيس .

أحسب احتمالي الحدفين A و B المعرفين كما يلي : ن 1,00

" سحب ثلاثة بيدقات من نفس اللون " أ 2

" سحب ثلاثة بيدقات مختلفة مثلى مثلى " ب 2

ليكن X المتغير العشوائي الذي يربط كل سحبة بعدد البيدقات السوداء المسحوبة .

حدد القيمة التي يأخذها المتغير العشوائي X . ن 0,50

أحسب $p[X = 1]$ و $p[X = 2]$. ن 1,00

حدد قانون احتمال المتغير العشوائي X . ن 0,50

التمرين الخامس : (8 ن)

لتكن g الدالة العددية المعرفة على $[0; +\infty)$ بما يلي :

تحقق أن : $(2x+1)(x-1) = 2x^2 - x - 1$. ن 0,25

أحسب (x) ' ن 0,50

أدرس تغيرات الدالة g على المجال $[0; +\infty)$. واستنتاج أن : $0 \leq g(x) \leq 0$. ن 0,50

نعتبر الدالة العددية f المعرفة على $[0; +\infty)$ بما يلي :

ولتكن (G) المنحنى الممثل للدالة f في معلم متواز منظم (O, i, j) . (الوحدة : 1 cm) . ن 0,75

أحسب النهاية : $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$ ثم أول النتيجة مبيانا . أ 1

بين أن (G) يقبل فرعا شلجميا في اتجاه محور الأراتيب بجوار $+00$. ن 1,00

أحسب (x) ' ن 0,75

استنتاج منحى تغيرات الدالة f على $[0; +\infty)$. ن 0,50

حدد معادلة المماس (Δ) للمنحنى (G) في النقطة $A(1,0)$. أ 3

أنشئ (G) و (Δ) في المعلم (i, j) . ب 3

بين أن الدالة $(1-x)\ln x \mapsto x$ دالة أصلية للدالة $x \mapsto \ln x$ على المجال $[0; +\infty)$. أ 4

ثم أحسب التكامل التالي : ن 0,50

$$\int_1^e \ln x \, dx$$

باستعمال متكاملة بالأجزاء بين أن : ن 1,00

أحسب بالوحدة cm^2 مساحة الحيز من المستوى المحصور بين المنحنى (G) و محور الأفاصيل . ج 4

و المستقيمين اللذين معادلاتها على التوالي : $x = e$ و $x = 1$. ن 0,25