



.01

- حدد قيمة حقيقة العبارات التالية : $p \wedge (p \vee q)$ مع p صحيحة .
1. f دالة من مجال I ضمن \mathbb{R} إلى \mathbb{R} . عبر باستعمال جمل عن ما يلي : $f(x) < f(y) \Rightarrow x < y$
 2. f دالة من مجال I ضمن \mathbb{R} إلى \mathbb{R} . عبر باستعمال المكممات ما يلي : f تتعدم مرة واحدة فقط على I .
 3. أكتب نفي العبارات التالية : $x = y$ و $(x, y) \in I^2$, $f(x) = f(y)$ (أكتب النفي بثلاثة طرائق مختلفة) .
 4. هل العبارة التالية : $p \Rightarrow q \Rightarrow p \Rightarrow q$ قانون منطقي حيث p و q عبارتين .
 5. " $\forall x \in [0, +\infty[, \forall y \in [1, +\infty[: \left(\sqrt{x} + \sqrt{y-1} = \frac{1}{2}(x+y+1) \right) \Rightarrow (x=1 \text{ و } y=2)$ " نعتبر العبارة P التالية :

.02

- " $\forall x \in [0, +\infty[, \forall y \in [1, +\infty[: \left(\sqrt{x} + \sqrt{y-1} = \frac{1}{2}(x+y+1) \right) \Rightarrow (x=1 \text{ و } y=2)$ " نعتبر العبارة P التالية :
1. أكتب P بدون استعمال الرابط المنطقي \Rightarrow و كذلك عدم استعمال التعبير " إذا كان فإن..... "
 2. أكتب نفي P .
 3. أكتب P باستعمال الاستلزم المضاد للعكس .
 4. حدد قيمة حقيقة العبارة P .

.03

1. باستعمال الاستدلال بالمثل المضاد بين أن العلاقة التالية خاطئة " $\forall x \in \mathbb{R}, \exists y \in \mathbb{R} : xy = 2$ " .
2. لكل n من \mathbb{N}^* بين باستعمال الاستدلال بالتكافؤات المتتالية أن : $S_n = 1 + 2 + \dots + n \Leftrightarrow S_n = \frac{n(n+1)}{2}$ (عدم استعمال الترجع)
3. باستعمال الاستلزم المضاد للعكس : بين : إذا كان a^2 ليس بعدد صحيح مضاعف ل 16 فإن $\frac{a}{2}$ ليس بعدد صحيح زوجي .
4. a و b عدادان معلومين من \mathbb{R}^* ؛ لنعتبر المعادلة (E) بمجهول حقيقي : $\frac{1}{x} + \frac{1}{a} + \frac{1}{b} = \frac{1}{x+a+b}$
1. حدد D مجموعة تعريف المعادلة (E) حسب قيم a و b .
 2. حل المعادلة (E) باستعمال الاستدلال بفصل الحالات .

.04

1. بين أن : لكل n من \mathbb{N} أن العدد $3.5^{2n+1} + 2^{3n+1}$ يقبل القسمة على 17 .
2. دالة عدديّة من \mathbb{R} نحو \mathbb{R} حيث : $f(2x) = f(x) \quad \forall x \in \mathbb{R}$.
1. ليكن x من \mathbb{R} بين أن : $f(x) = f(2^{-n}x)$.
 2. استنتج : $\forall p \in \mathbb{Z} : f(x) = f(2^p x)$ (مع x من \mathbb{R})
3. عدد صحيح طبيعي . نضع $n! = 1 \times 2 \times 3 \times \dots \times n$ مع $0! = 1$.
1. نضع : $u_k = k!$ مع k من \mathbb{N}^* . بين أن : $u_{k+1} - u_k = k(k!)$.
 2. أكتب المجموع التالي : $S_n = 1.1! + 2.2! + 3.3! + \dots + n.n!$ باستعمال u_k .
 3. استنتاج قيمة المجموع S_n .
 4. أكتب المجموع S_n مستعملا الرمز \sum ثم أحسب المجموع S_n مستعملا فقط الرمز \sum .